

ҚАЗАҚСТАН РЕСПУБЛИКАСЫНЫҢ БІЛІМ ЖӘНЕ ҒЫЛЫМ МИНИСТРЛІГІ  
ҚАЗАҚСТАН РЕСПУБЛИКАСЫНЫҢ ҰЛТТЫҚ ИНЖЕНЕРЛІК АКАДЕМИЯСЫ  
ӘЛ-ФАРАБИ АТЫНДАҒЫ ҚАЗАҚ ҰЛТТЫҚ УНИВЕРСИТЕТІ

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РЕСПУБЛИКИ КАЗАХСТАН  
НАЦИОНАЛЬНАЯ ИНЖЕНЕРНАЯ АКАДЕМИЯ РЕСПУБЛИКИ КАЗАХСТАН  
КАЗАХСКИЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ им. АЛЬ-ФАРАБИ

MINISTRY OF EDUCATION AND SCIENCE OF THE REPUBLIC OF KAZAKHSTAN  
NATIONAL ACADEMY OF SCIENCES OF THE REPUBLIC OF KAZAKHSTAN  
NATIONAL ACADEMY OF ENGINEERING OF THE REPUBLIC OF KAZAKHSTAN  
AL-FARABI KAZAKH NATIONAL UNIVERSITY

*20 лет мира и созидания*



## БІРІНШІ ХАЛЫҚАРАЛЫҚ ЖОЛДАСБЕКОВ СИМПОЗИУМЫНЫҢ

**БАЯНДАМАЛАР ТЕЗИСТЕРІ**

1-2 наурыз, 2011, Алматы

**ТЕЗИСЫ ДОКЛАДОВ**

**ПЕРВОГО МЕЖДУНАРОДНОГО  
ЖОЛДАСБЕКОВСКОГО СИМПОЗИУМА**

1-2 марта, 2011, Алматы

**REPORT ABSTRACTS**

**OF THE FIRST INTERNATIONAL  
ZHOLDASBEKOV SYMPOSIUM**

1-2 March, 2011, Almaty



$$\begin{aligned}
u_1^0 &= -\mu_1 \text{sign}(2Ap + \lambda_1 \gamma_1), \\
u_2^0 &= -\mu_2 \text{sign}(2Aq + \lambda_1 \gamma_2), \\
u_3^0 &= -\mu_3 \text{sign}(2Cr + \lambda_1 \gamma_3 + \lambda_2), t \in [t_0, T]
\end{aligned}$$

Ал осыдан Больц функциясының абсолютті минимумы мынаған тең:

$$\begin{aligned}
J(u^0) &= [A^2(t)p_0^2 + A^2(t_0)q_0^2 + C^2(t_0)r_0^2 + 2AgZ_c M \gamma_{30}] + \\
&\lambda_1 [A(t_0)p_{10} \gamma_{10} + A(t_0)q_0 \gamma_{20} + C(t_0)r_0 \gamma_{30}] + \lambda_2 Cr_0.
\end{aligned}$$

Пайдаланылған әдебиеттер тізімі:

1. Маркеев А.П. Теоретическая механика: учебник для университетов. – М., 2003. – 592с.
2. Ишлинский А.Ю. Лекции по теории гироскопов. – М.: МГУ, 1983. – 243с

## МОДЕЛИРОВАНИЕ ГИРОСКОПИЧЕСКИХ ДАТЧИКОВ

Елубаев С.А., Джамалов Н.К., Алипбаев К.А., Бопеев Т.М., Сухенко А.С.  
 ДТОО «Институт космической техники и технологий»,  
 АО «НЦКИТ», Республика Казахстан, г. Алматы, E-mail: alipbayevk@gmail.com

Постановка задачи: в данной работе рассматривается задача определения положения твёрдого тела в пространстве с помощью двух астатических гироскопов в карданном подвесе с взаимноперпендикулярными осями собственного вращения.

Рассмотрим гироскоп в карданном подвесе, приведённом на рисунке 1. Положение оси собственного вращения  $Y$  определяется с помощью углов  $\alpha$  и  $\beta$ . Угол  $\alpha$  определяет поворот внешнего кольца относительно объекта, на котором установлен гироскоп, угол  $\beta$  определяет поворот внутреннего кольца относительно объекта. На взаимноперпендикулярных осях колец карданного вала устанавливаются датчики, с которых снимаются электрические сигналы, уровни которых однозначно связаны с величинами углов  $\alpha_1, \beta_1, \alpha_2$  и  $\beta_2$ .

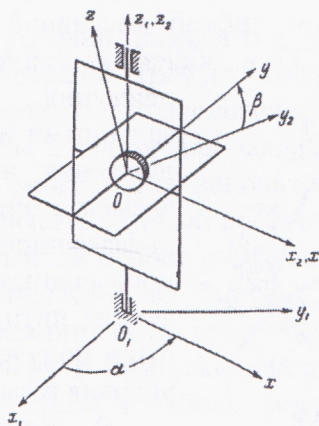


Рисунок 1 – Гироскоп в карданном подвесе

С помощью информации об углах карданных колец двух гироскопов можно определить ориентацию осей, связанных с объектом системы координат по следующим выражениям:

$$\begin{cases} \theta = \pm \arccos \left( \sqrt{\cos^2 \beta_1 + \cos^2 \beta_2 + 2 \cos \beta_1 \cos \beta_2 \sin(\alpha_2 - \alpha_1)} - 1 \right) + 2\pi k, \\ \varphi = \frac{v - w}{2} + \pi s - 2\pi k, \\ \psi = \frac{v + w}{2} + \pi s, \end{cases} \quad (1)$$

где

$$v = \arctg \left( \frac{\cos \alpha_1 \cos \beta_1 + \sin \alpha_2 \cos \beta_2}{\cos \alpha_1 \cos \beta_1 - \cos \alpha_2 \cos \beta_2} \right), w = \arctg \left( \frac{\sin \alpha_2 \cos \beta_2 - \cos \alpha_1 \cos \beta_1}{\sin \alpha_1 \cos \beta_1 + \cos \alpha_2 \cos \beta_2} \right),$$

$n, k, s = \pm 1, \pm 2, \dots$

Для устранения многозначности при определении углов Эйлера достаточно задать их начальные значения и использовать непрерывную информацию об углах  $\alpha_1, \beta_1, \alpha_2$  и  $\beta_2$ . В этом случае углы Эйлера  $\varphi, \psi, \theta$  определяются однозначно.

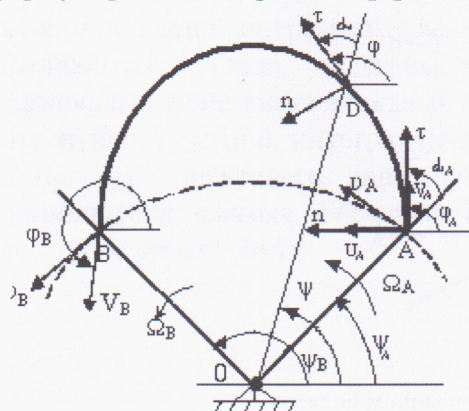
## О ПОСТАНОВКЕ ЗАДАЧИ ДИНАМИКИ РОТОРОВ, СВЯЗАННЫХ ДРУГ С ДРУГОМ ПОСРЕДСТВОМ МУФТЫ

*Ералиев А. К., Ералиева А. А.*

*Казахский национальный университет имени аль-Фараби,  
Алматы, Казахстан, e-mail: ablay\_e@mail.ru*

В данной работе рассматриваются муфты с центробежными гибкими связями (ЦГС), представляющие собой два ротора  $A$  и  $B$  радиуса  $r$ , связь между которыми осуществляется гибкими массивными элементами (канатиками) для передачи вращающего момента в высокоскоростных механических системах. Гибкий элемент моделируется абсолютно гибкой, нерастяжимой, неоднородной, массивной нитью. Силы веса и аэродинамического сопротивления пренебрегаются.

Краевая задача движения гибкой массивной нити для муфты с ЦГС была сформулирована в работе [1] в общем нестационарном режиме, когда законы



движения каждого ротора считались заданными и не зависели от формы и закона движения нити. Свободная часть гибкого элемента описывалась системой нелинейных дифференциальных уравнений в частных производных относительно натяжений и формы нити, а в точках подвеса нити  $A$  и  $B$  были получены четыре нелинейных краевых условия в частных производных.

В данной работе определяется закон движения роторов с учетом влияния движущейся нити на их угловые скорости. На